inhaltsbezogene mathematische	allgemeine mathematische
Kompetenzen	Kompetenzen
 Vektoren auf lineare Abhängigkeit bzw. Unabhängigkeit untersuchen 	- Lösungsverfahren auswählen und anwenden

Aufgabe:

Gegeben sind die Vektoren
$$\stackrel{\rightarrow}{a} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$$
 , $\stackrel{\rightarrow}{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix}$ und $\stackrel{\rightarrow}{d} = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix}$.

- a) Weisen Sie nach, dass die Vektoren a und b linear unabhängig sind.
- b) Berechnen Sie die Koordinaten eines Vektors \vec{c} mit $\vec{c} = 3 \cdot \vec{a} 2 \cdot \vec{b}$ und charakterisieren Sie den Verlauf des Vektors \vec{c} bezüglich jeder von den Vektoren \vec{a} und \vec{b} aufgespannten Ebene.
- c) Prüfen Sie, ob sich der Vektor d als Linearkombination der Vektoren a und b darstellen lässt und schlussfolgern Sie daraus auf lineare Abhängigkeit bzw. lineare Unabhängigkeit der Vektoren a, b und d.